

## ۱۶

## نیروهای استاتیکی در ماشینها

## ۱۰.۱۶ مقدمه

نیروها در ماشین از منابع مختلفی ناشی می‌شوند. این نیروها، نیروهای وزن، موئاز، پارهای اعمال شده و نیروهای ناشی از انتقال اثریند. همچنین نیروهای اصطکاکی، مانند، فری، ضربه‌ای و نیروهای ناشی از تغییر دما نیز وجود دارند. تمامی این نیروها باید روش نهایی یک ماشین درنظر گرفته شوند تا قاعده‌های متناسب باهم باشند و آسیب نیز نباشد.

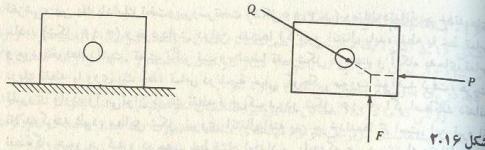
در این کتاب ارتقای این نیروها را بدغیر از نیروهای ناشی از موئاز و فری و تغییر دما در نظر خواهیم گرفت. برای ملاحظه اثر این نوع نیروها داشتجو باور به کتابهای طراحی ماشین مراجعه کن.

در تحلیل نیروهای استاتیکی وارد برآیزی ماشین، از نیروهای ماند (کارشناسی ناشی می‌شوند) معرف نظر شده است. اگر نیروهای ماند در محاسبه‌ها وارد شوند، تحلیل انجام شده را مجزی دینامیکی نیروها نامند. اغلب نیروی وزن قاعده ماشین در مقایسه با سایر نیروهای استاتیکی موجود ناجز است و از آنها می‌توان در تحلیل استاتیکی نیروها صرف نظر کرد. در این فصل فقط نیروهای استاتیکی درنظر گرفته می‌شوند.

۱۰.۱۷ تمهیی  
لینیتله تایله لنه

## ۲۰.۱۶ انتقال نیروها در یک ماشین

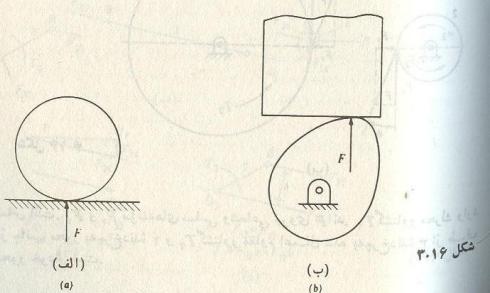
در فصل ۱، یک ماشین به صورت مکانیسم انتقال نیرو تعریف شد. نیروها در ماشین از طرق اتصالهای مختلفی که بای میله‌ها در تراسانند، و از طریق خود میله‌ها انتقال داده می‌شوند. نیروی منتقل شده از یک میله به دیگری، در صورت صرف نظر کردن از اصطکاک،



دورانیدن، چون نیروها در دشکل برسطوح تماش عمودند، بنابراین  $N_f$  نیروی براید آنها را می‌گیرند. پس این اعمال می‌شود.

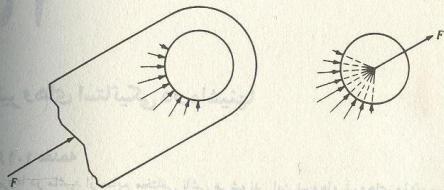
یک چند اتصال غرزشی پایینی، به وسیله همیله‌ای که روی میله درگیر باشد و با سطح تماش داشته باشد، نشان داده می‌شود. نسبتمند با لغزنه (شکل ۲.۱۶) یک مدل از این نوع چنت است. روش  $P$  و  $Q$  نیروهای متعارض ایجاد شده باشند. آنگاه برای دنبالهای وارد بررسی این اصطلاح تأثیر نیروهای  $P$  و  $Q$  بر این چنت است. این نیرو قائم برسطوح تماش وارد شود، نیروی  $P$  نزدیک به همین ترتیب عمل کند.

چتفهای بالایی (چتفهای لفتشی و غرزشی) تماش نقطه‌ای با خطي دارند. اگر از اصطکاک مسرف نظر نظری، نیروی انتقال باعده از طریق چنت، در نقطه تماش آنها می‌شود. در پولرینگ (شکل ۲.۱۶ ب) با چرخ غلطان بروی برسطوح تماش نشان داشته در دشکل ۲.۱۶ ب)، تماش لفتشی وجود دارد. چنت بالایی باتمس

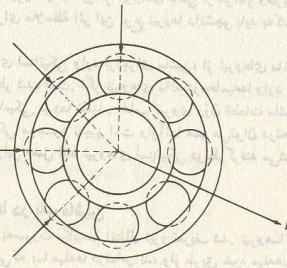


شکل ۳۰۱۶

مودع برسطوح است. در مانیهای که خوب روغنکاری شده‌اند، نیروهای اصطکاکی در مقایسه با سایر نیروهای موجود ناچیزند و متوان آنها را نادیده کرد.  
بلکن جفت انتقام دوایر به وسیله یک پایاناتن لغزشی با یک اتصال منصفی نشان داده می‌شود. در شکل ۱۱.۱۶، الم، خار، غصیل در سوراخ میله ثابت شده است، نیروهای واژد رخانه به صورت قائم پر آین و می‌توانند بنا بر این نیروهای پر ایند آنها از مرکز خار می‌گذند. همچنین برپرینگها و روپرینگها (شکل ۱۱.۱۶ ب) مثلاً همی از جتن اتصالهای



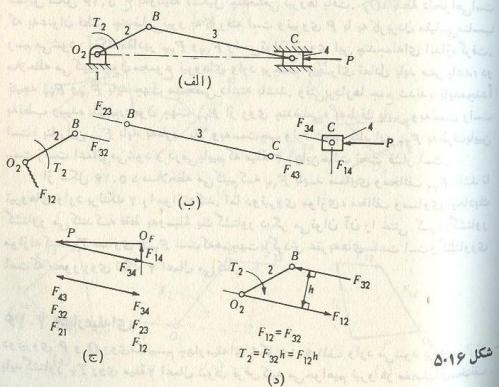
شكل ١.٦ (ب)



**۳.۱۶ مکانیسم لغزندگانگ**  
 شکل ۱۶.۱۶ این المد، یک مکانیسم لغزندگانگ را نشان می‌دهد. نیروی  $P$  به پیستون وارد می‌شود و می‌توان فرض کرد که ناشی از فشار گاز است. بدینظر حفظ موآژنه، گشاور  $T_2$  را باید در  $O_2$  بوسیله محور بدلگش  $\phi$  وارد شود.

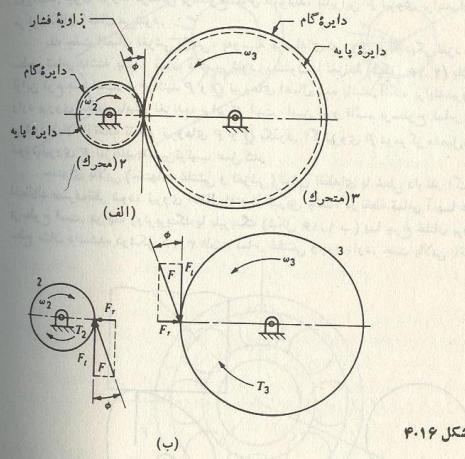
روشی که ما در تمام مسائل تحلیل نیروها دنبال خواهیم کرد، رسم نمودار جسم آزاد هر یک آزمیله‌های است. دربرین موارد میله‌های متعدد به مورت یک جسم واحد در نظر گرفته خواهد شد. در نمودار جسم آزاد، جسم کامل‌جزا می‌شود و تمامی نیروهای خارجی و گشاورهای وارد بر آن باید نشانده شوند. اگر تعادل مجهولها از سه بیشتر نباشد، مسئله را می‌توان بوسیله معادله‌های تعادل حل کرد. اگر بیشتر از سه مجهول در یک جسم واحد وجود داشته باشد، آنگاه قبل از حل مسئله باید اطلاعات بیشتری را با درنظر گرفتن تعادل سایر میله‌ها بدست آورد.

شکل ۱۶.۱۶ (ب) هر سیم مجرزا را با مقدار نیروهای مشخص شده نشان می‌دهد، در انتقال مفصلی، گشاور وجود ندارد. بنابراین در هر طرف میله ۳ فقط یک نیرو موجود است، هنگامی که یک بسم قطب تخت تأثیر دهیم باشد، این نیروها باید از نظر مقدار مساوی و در خلاف جهت یکدیگر و روی یکخط واقع شوند. در مکانیک، چنین جسمی



شکل ۳.۱۶

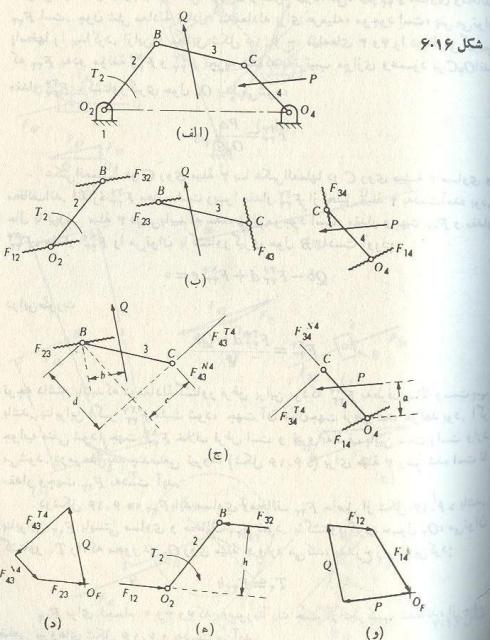
لغزشی، بین یک بادامک تخت و پیروستخت (شکل ۳.۱۶ ب) و میان دندانه چرخ دندنهای ساده، (شکل ۳.۱۶) وجود دارد. در این جهت‌ها اگر نیرو انتقال یابد، نتیجه یا خط تماس وجود خواهد داشت. تحت تأثیر نیرو، اعضا تغییر شکل می‌دهند و آنگاه به جای تماس در یک نقطه یا روی یک خط، تماس در ناحیه خیلی کوچکی مورث خواهد گرفت، هر چند نیروی وارد را می‌توان در یک نقطه فرض کرد. در شکل ۳.۱۶، اگر اصطکالک دندانه نادیده گرفته شود، مطابق شکل نیروی انتقال واقعه بین چرخ دندنهای  $F$  است. این نیرو از نقطه گام عبور می‌کند و درجهٔ خط فشار امتداد می‌یابد که عمود متریک چرخ دندنه را



شکل ۳.۱۶

تماس است.  $F$  و  $F_i$  مؤلفه‌های مسامی و شعاعی نیروی  $F$  اند.  $T_2$  گشاور محرك وارد از جانب محور به چرخ دندنه ۲ و  $T_3$  گشاور مقاوم اعمال شده به چرخ دندنه ۳ از طرف محور خودش است.

و زنگ مقدار گشتوار  $T_7$  را پیدا کنیم.  
 ابتدا با یاد برگیری مفهای  $3$  و  $2$  به صورت یک جسم آزاد، مسئله راحل کرد.  
 آنگاه  $5$  مجهول خواهیم داشت، یعنی مقدار و هجت  $F_{12}$ ، مقدار و هجت  $F_4$  و مقدار  $T_7$ .  
 محنون نقطه  $W$  معاذله تعادل و غریزدار، پس نمی توان پاسخی بدست آورد.



عضو دیگری نامده می شود.  $F_{43}$  نیروی اعمال شده از سوی جسم ۲ روی جسم ۳ و  $F_{44}$  نیروی وارد از جسم ۴ روی جسم ۳ را نشان می دهد. خط تپیر بدون پیکان رابرای شخص ساخته اینکه چه نیرو معلوم ولی مقادیر آن مجهول است، به کار می برند. در اینجا نیز می بینیم که این نتیجه با نتیجه اینکه خود مقدار تپیر است، مطابق است.

کش با شاربیون میله ۳ را نیز نوشته اند.  $F_{3,4}$  معمول است و بنابراین بروز میله ۴، سندنواره مود شود. مقارن و چهت نیروی  $F_{3,4}$  معمول است و بنابراین در شکل ۵.۱۶ روی ۴ است، و چون باید مغایق  $F_{3,4}$  باشد، میس چهت آن معلوم ولی مقنار آن مجھول است.  $F_{4,4}$  نیز وارد از جانب  $F_{3,4}$  روی میله ۴ است. چهت آن مود و در پایه تأسی و مقنار آن مجھول است. تا دوچهول در نوساز جسم آزاد میله  $F_{3,4}$  داده اند.

وچهارمین داده: نیروی  $F_{4\cdot 2}$  وارد از میله ۳ روی میله ۲ که بهت آن میله ۲ چهارمین داده: نیروی  $F_{2\cdot 2}$  وارد از میله ۱ روی میله ۰ که همچو معلوم ولی مقادار آن مجهول است؛ نیروی  $F_{1\cdot 2}$  وارد از میله ۰ روی میله ۱ وهم مقادار آن مجهول است و گشایش مجهول وارد از محور بروی لیک ۲. یک خط موجود در  $O_2$  دلالت بران دارد که مقادار یا جهت نیروی  $F_{1\cdot 2}$  که در این نقطه وارد می شود معلوم است.

ایندا میله ۴ که دفعه و مجموع دارای عرض ۱۰ متر، سوسرانه بارگیری برابر با ۲۰۰ تون است. نقطعه آغازین مطابق با میله ۴ که بوسیله تشكیل چنانچه نیزه روی راه بافت. که به عنوان طبق چنانچه نیزه روی راه کار رفته است و نیزه روی  $P_4$  با کاربردن میانساز ملخه می شود. آنکه مقادیر  $F_{21}$  و  $F_{22}$  را می توان ازروی این چندنواخته ایمانداز گرفت. نتیجه کیم چون مجموع دریوهای درج بررسی  $S_4$  بر اساس تعادل باید صفر باشد، پس بازده  $F_{21}$  و  $F_{22}$  باید چوت مشخصی داشته باشند. وقتی در راه چشم خوار شدند، بازده  $F_{21}$  و  $F_{22}$  را به قطب رسیده ساختند. چون چوت  $F_4$  از روی چندنواخته، به طرف پایین و بهست راست است، نتایرجان  $F_{22}$  باید به طرف لا و بهست چشم خوار شد. نتایرجان  $F_{22}$  به طرف پایین سمت راست اعمال می شود و درین زمانی که میله ۴ در این حالت تحت شرک است.

از شکل ۵.۶ دلخواهه از فرم  $K_4$  که باید مساوی و مخالف  $F_{22}$  باشد تا نیزه های اورد را در لیک ۴ را میزندند. اما دویزوی معمول، مغافل و مساوی ایجادیک گشتواره از نکند که فقط بواسطه گشتواره دیگر می توان آن را را خش کرد. گشتواره موزانه شده  $T_{22}$  مساوی  $F_{22}$  است که همچو بگردش غریب های ساعت است و گشتواره است که معور روی لیک ۲ اعمال می کند.

۴۰۱۶ چهارمیله‌ای

۱۰-۱۱ پهلویانی  
دونیری و  $P$  و  $Q$  روی مکانیسم چهارمیله‌ای شکل ۱۶.۱۶ الف وارد می‌شود برای موازنه باید گشتاور  $T_۴$  روی میله ۲ اعمال شود. فرض کنید می‌خواهیم نیرو در مفصلهای مختلف

پس مطابق شکل ۱۶.۶ ب، هر میله را به صورت جسم آزاد مجرزاً می‌کیم. اگر میله ۲ در نظر گرفته شود، پنج مجهول و اگر میله ۳ در نظر گرفته شود چهار مجهول وجود دارد، اگر میله ۴ را در نظر نگیریم چهار مجهول موجود است که باید آنها را پیدا کرد. بنابراین هر میله را پنهانی نمی‌توان تحلیل کرد، ملاحظه می‌شود که در صورت گرفتن میله‌های ۳ و ۴، تنها شش مجهول وجود دارد، می‌دانم مساوی و مخالف میله‌های ۳ و ۴ است، چون شش معادله تعادل، سه معادله برای هر میله، موجود است، پس می‌توان  $F_{34}$  را پیدا کرد. از این رو مطابق شکل ۱۶.۶ ج، میله‌های ۳ و ۴ را در نظر نمی‌گیریم، که بدود مولفه  $F_{33}^x$  و  $F_{33}^y$  تجزیه شده که به ترتیب موازی و عمودی بر  $O_3O_4$ ند. مقنار  $F_{33}^z$  با گشتاور گیری حول  $O_6$  پیدا می‌شود،

$$F_{33}^z = \frac{Pa}{O_6 C}$$

عکس العملها در  $C$  روی میله ۳ با عکس العملها در  $C$  روی میله ۴ مساوی و مخالفاند، اندازه  $F_{33}^y$  معلوم است زیرا مقنار  $F_{33}^y$  از تحلیل میله ۴ بدست آمده بود. حال با بررسی میله ۳ در می‌باشیم که سه مجهول موجود است: مقنار و جهت و  $F_{22}$  و مقنار  $F_{33}^x$  را می‌توان با گشتاور گیری حول  $B$  بدست آورد:

$$Qb - F_{33}^x d + F_{33}^y e = 0$$

در این صورت

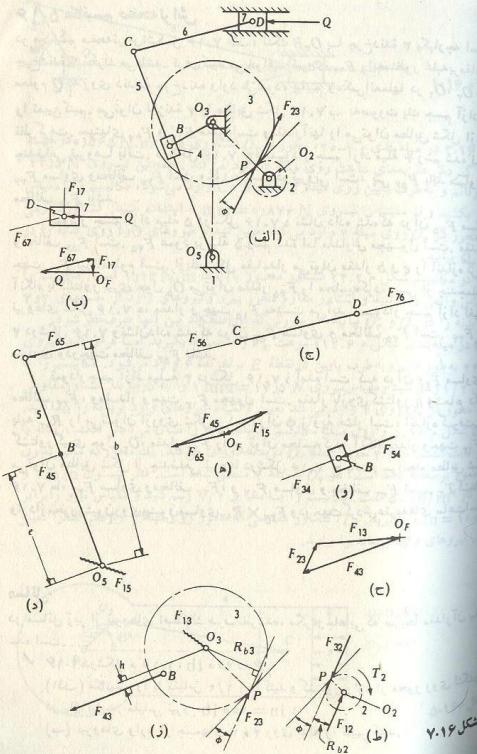
$$F_{33}^y = \frac{F_{33}^x d - Qb}{e}$$

توجه داشته باشید که در معادله گشتاور فرض بر این بود که  $F_{33}^y$  به طرف بالا و سمت چپ باشد. بنابراین اگر  $F_{33}^y$  مثبت شود، چه آن همان جهت فرض شده خواهد بود. اگر جواب منفی شود، چهت  $F_{33}^y$  مخالف فرض است و نیرو به طرف پایین سمت راست وارد می‌شود. در مرحله بعد چندضلعی نیروها (شکل ۱۶.۶ د) برای میله ۳ رسماً شده است تا مقنار و جهت  $F_{33}^y$  بدست آید.

در شکل ۱۶.۶ ه، باید مساوی و مخالف  $F_{33}^y$  را در حالت از شکل ۱۶.۶ د پیدا کرد. بنابراین  $F_{12}$  باستی مساوی و مخالف  $F_{33}^y$  شود. با گشتاور گیری حول  $O_2$  می‌توان گشتاور  $T_2$  را، که محور در روی میله ۲ وارد می‌کند، به شرح زیر تعیین کرد:

$$T_2 = F_{33}^y h$$

صلعی نیروهای شکل ۱۶.۶ د بدست می‌آید.



شکل ۱۶.۶

### ۵.۰ کانیسم صفحه‌تراش

در مکانیسم صفحه‌تراش شکل ۷.۱۶ (الف)، لگک  $O_1B$  با چرخ‌نده ۳ پیکارچه است و چرخ‌نده ۲ محرك می‌باشد. فرض کنید می‌خواهم نیروی  $F_{24}$  را به نظر غایل‌بر مقاومت معلوم  $Q$  که روی دندانه چرخ‌نده وارد می‌شود، پایاهم و عکس العملها در  $O_2$ ،  $O_3$  و  $O_4$  را تعیین کنم. می‌توان لغزنه ۷ را مطابق شکل ۷.۱۶ ب بهصورت یک جسم آزاد در نظر گرفت. چنچای  $F_{27}$  و  $F_{28}$  معلوم است و مقدار آنها را می‌توان مطابق شکل از روی چندضایی نیروها بافت. در شکل ۷.۱۶،  $F_{27}$  نمودار جسم آزاد میله ۶ رسم شده است.

$F_{27}$  مساوی و مخالف  $F_{28}$  است و چون، جسم دو نیرویی است، پس  $F_{26}$  باید مساوی و مخالف  $F_{27}$  باشد.

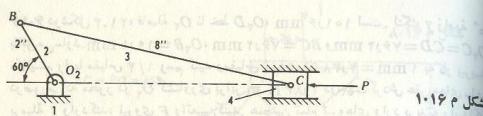
نمودار جسم آزاد میله ۵ در شکل ۷.۱۶ د نشان داده شده که در آن  $F_{29}$  مساوی و مخالف  $F_{28}$  است.  $F_{29}$  عمود بر میله ۵ رسم شده اما مقدارش مجهول است. مقدار و چهت  $F_{29}$  بجز نامعلوم است. از لگک شکل مقیدار می‌توان مقدار  $b$  و  $e$  را اندازه گرفت. آنکه با گشتاور گیری حول  $O_2$  می‌توان مقیدار  $F_{29}$  را محاسبه کرد، سپس از چندضایی نیروهای شکل ۷.۱۶،  $b$ ، مقدار و چهت  $F_{29}$  بدست می‌آید. نمودار جسم آزاد لغزنه ۴ در شکل ۷.۱۶ و نشان داده شده که در آن  $F_{30}$  مساوی و مخالف  $F_{29}$  است. پاید  $F_{30}$  مساوی و مخالف  $F_{29}$  باشد.

نمودار جسم آزاد میله ۳ در شکل ۷.۱۶ ز آمده است که در آن  $F_{31}$  مساوی و مخالف  $F_{32}$  و مقدار و چهت مجهول است. مقدار بازوی گشتاور  $R$  و شعاع دایره پایه  $R_4$  را می‌توان از روی شکل، که در آن  $\phi$  زاویه شارش است، اندازه گرفت. با گشتاور گیری حول  $O_4$ ، مقدار  $F_{31}$  را می‌توان محاسبه کرد. آنکه مقدار و چهت  $F_{31}$  را می‌توان مطابق شکل از چندضایی نیروها در شکل ۷.۱۶ ج یافت. سرانجام مطابق شکل آن عدد بر صفحه کاغذ است، در  $O_4$  به میله ۴ متصل شده است. قطر پیشون  $7\frac{1}{2}$  و شارکار  $2\frac{1}{2}$  in است. مکانیسم را با مقیاس  $1/2$  رسم کنید و مقیاس نیرو را بر  $1\text{ lb}$  و کنید. نیروهای وارد بریدن را بیاورد.

**مسائل**  
در مسائل زیر از نیروهای اصطکاک صرف نظر شده، مگر در جاهايی که صریح مقدار آن بدان شده است.

$$\text{ک} \quad ۷.۱۶ \quad \text{در شکل } M \text{ مکانیسم را با مقیاس } 1/2 \text{ رسم کنید و گشتاور وارد از محور روی لگک را}$$

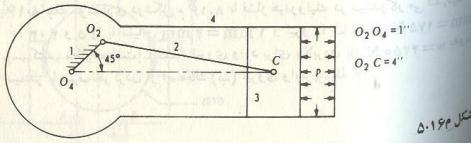
(الف) مکانیسم را با مقیاس  $1/10$  در شکل  $M$  می‌رسم. مقدار  $R$  در  $O_2$  باید، مقیاس نیرو:  $1\text{ lb}$  در  $O_2$  باشد. (ب) نیروهای وارد از جسمهای ۲ و ۴ روی بدن را تعیین کنید.



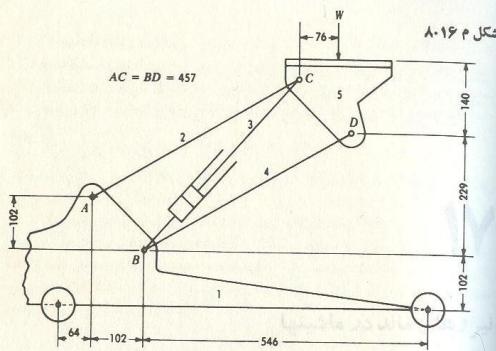
۷.۱۶ در میله بندی  $M$  محور در  $O_2$  گشتاوری برای  $56N\cdot m$  دارد. عزیزهای ساعت روی میله ۲ وارد می‌کند. همچنین نیروی  $5N$  در  $O_2$  و  $O_3$  به طور قائم و به طرف پایین روی میله ۳ مایین  $B$  وارد می‌شود. مکانیسم را با مقیاس واقعی رسم کنید و گشتاور مقاوم محور پیرو و نیروهای وارد از جسمهای ۴ و ۵ را تعیین کنید و از مقیاس نیروی  $1mm = 1N$  است. گشتاور مقاومی را که محور در  $O_4$  و  $O_5$  وارد می‌کند تعیین کنید و نیروهای وارد روی بدن را در راسته  $O_4$  و  $O_5$  بیاورد.

۷.۱۶ در مکانیسم شکل ۷.۱۶ گشتاور محور بادامک  $14N\cdot m$  است. مکانیسم را با مقیاس واقعی رسم کنید و گشتاور مقاوم محور پیرو و نیروهای وارد از جسمهای ۴ و ۵ را تعیین کنید و از مقیاس نیروی  $1mm = 1N$  است. در شکل ۷.۱۶، نیروی  $24N$  در میله بندی  $M$  در نقطه  $E$  بر لغزنه ۶ وارد می‌شود. مکانیسم را با مقیاس  $1/2$  به طور قائم و به طرف پایین در نقطه  $E$  بر لغزنه ۶ وارد می‌شود. مکانیسم را با مقیاس  $1/2$  رسم کنید و مقیاس نیروی  $1mm = 1N$  را در  $O_4$  و  $O_5$  بگیرید. گشتاور مقاومی را که محور در روی ۲ وارد می‌کند تعیین و تسامن نیروهای وارد بریدن را بپرسید.

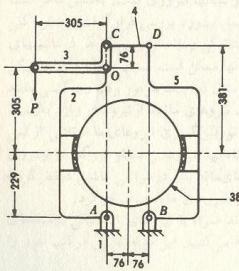
۷.۱۶ شکل ۷.۱۶ وارون یک مکانیسم لغزنه‌دار لگک را نشان می‌دهد. لگک ۱ رنده با سو نات است. میله ۴ مول نقطعه  $O_4$  در بینه دوزان می‌کند. يك محور که محور نتaran آن می‌توان مطابق شکل از چندضایی نیروها در شکل ۷.۱۶ ج یافت. سرانجام مطابق شکل  $F_{29}$  مساوی و مخالف  $F_{28}$  است. گشتاور  $R$  در  $O_2$  مساوی و مخالف  $F_{29}$  و درجهت گردش عزیزهای را تعیین کنید. نیروهای وارد بریدن را بیاورد.



شکل ۷.۱۶ مکانیسم را با مقیاس  $1/2$  رسم کنید و گشتاور وارد از محور روی  $O_2$  و درجهت گردش عزیزهای را تعیین کنید.

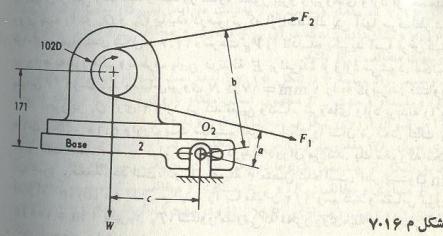


۹۰.۱۶ ب) ترمز آسانسور به طور شماتیک در شکل م ۹۰.۱۶ نشان داده است. خوب اصطکاک برای کفشه ترمز ره است. به ازای نیروی کاری  $P = ۴۴۵ \text{ N}$ ، تعیین کنید:  
(الف) گشتاور ترمز برای دوران چرخ درجهت گردش عقربه های ساعت.  
(ب) گشتاور ترمز برای دوران چرخ خلاف جهت گردش عقربه های ساعت.



شکل م ۹۰.۱۶

۹۰.۱۶ در شکل م ۹۰.۱۶، فاصله  $O_2D$  تا خط  $O_2O$   $= ۱۰۱۶ \text{ mm}$ ،  $O_2B = ۱۹۵۱ \text{ mm}$ ،  $O_2C = ۷۶۲ \text{ mm}$  و  $BC = ۷۶۲ \text{ mm}$  باقی می سازد. رسم کنید و مقیاس نیروی  $N$   $O_2C = ۷۶۲ \text{ mm}$  به کار ببرید. در صورتی که مغور در گشتاوری  $O_2$   $= ۲۸۳ \text{ N.m}$  درجهت گردش عقربه های ساعت به میله ۲ وارد نماید نیروی  $F$  را تعیین کنید. همچنین تمام نیروهای وارد برینه را بیندازید. شکل م ۷۰.۱۶ پیک محرک تسمه موتوری لوولای را نشان می دهد.  $F_۱$  و  $F_۲$  نیروهای تسمه و  $w$  نیروی وزن موتور و پایه است. با انتقال نقطه لوولای  $b$  بازوی گشتاور  $c$  را سی توان تغییر داد. با افزایش  $c$  هردو نیروی  $F_۱$  و  $F_۲$  افزایش می باند و اجازه انتقال قدرت بیشتری را می دهدند فرض کنید.  $F_۱ = ۱۳۴۵ \text{ N}$  و  $F_۲ = ۲۴۵ \text{ N}$ .  $a = ۲۵ \text{ mm}$  و  $w = ۶۶۷ \text{ N}$ .  $b = ۲۵ \text{ mm}$  و  $c = ۱ \text{ mm} = ۱۷۵ \text{ N}$  را با مقیاس  $1/6$  بکشدید. مقیاس نیروی  $N$   $= ۲۴۵ \text{ N}$  را به کار ببرید. مقدار و جهت نیروی  $F_{۲۱}$  وارد از طرف پایه روی پدنه در  $O_2$  را تعیین کنید.



۹۰.۱۶ ج) سوساری در شکل م ۹۰.۱۶ با فشار هیدرولیک در سیلندر کار می کند. به میله ۱، ۲، ۳، ۴ و ۵ را با مقیاس  $1 \text{ mm} = ۴ \text{ mm}$  و  $1 \text{ mm} = ۱ \text{ mm} = ۱۷۵ \text{ N}$  و نیرو را با مقیاس  $w = ۲۴۵۰ \text{ N}$  به وسیله رسم کنید. مطلوب است: (الف) نیروی وارد برای بالابردن بار  $= ۲۴۵۰ \text{ N}$  به میله ۲ سیلندر با صرف نظر کردن از اصطکاک (ب) نیروی وارد بینده.